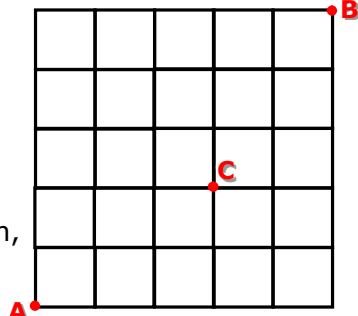


Aşağıda, birim karelerle oluşturulmuş şekiller A noktası ile B noktasını birbirine bağlayan yolların birer modelidir. A'daki hareketli, birim karelerin kenarları ile belirtilen yolları kullanarak, en kısa yoldan B'ye gidecektir.

Örnek Problem - 1

a.

A'daki hareketli C'den geçerek, A'dan B'ye kaç değişik biçimde gidebilir?



b.

A'daki hareketli C'den geçmeden, A'dan B'ye kaç değişik biçimde gidebilir?

Çözüm

a.

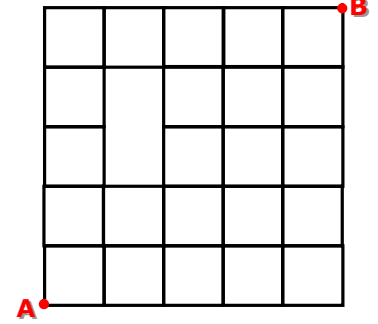
$$\begin{aligned} s(d_{ACB}) &= s(d_{AC}) \cdot s(d_{CB}) \\ &= \frac{5!}{3! \cdot 2!} \cdot \frac{5!}{2! \cdot 3!} \\ &= 100 \end{aligned}$$

b.

$$\begin{aligned} s(d_{AB}) - s(d_{ACB}) &= \frac{10!}{5! \cdot 5!} - \frac{5!}{3! \cdot 2!} \cdot \frac{5!}{2! \cdot 3!} \\ &= 252 - 100 \\ &= 152 \end{aligned}$$

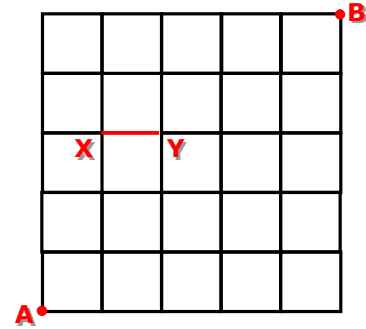
Örnek Problem - 2

A'daki hareketli A'dan B'ye kaç değişik biçimde gidebilir?



Çözüm

[XY] yolunu ekleyelim:



$$\begin{aligned} s(d_{AXYB}) &= s(d_{AX}) \cdot s(d_{YB}) \\ &= \frac{4!}{1! \cdot 3!} \cdot \frac{5!}{3! \cdot 2!} \\ &= 40 \end{aligned}$$

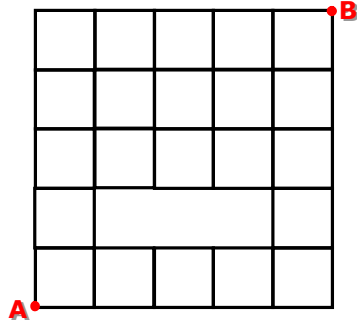
$$\begin{aligned} s(d_{AB}) &= \frac{10!}{5! \cdot 5!} \\ &= 252 \end{aligned}$$

[XY] 'den geçmeyen yolların sayısı:

$$\begin{aligned} s &= s(d_{AB}) - s(d_{AXYB}) \\ &= 252 - 40 \\ &= 212 \end{aligned}$$

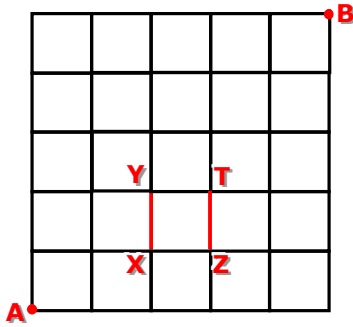
Örnek Problem - 3

A'daki hareketli
A'dan B'ye kaç
değişik biçimde
gidebilir?



Çözüm

[XY] ve [ZT] yollarını ekleyelim:



$$\begin{aligned} s(d_{AXYB}) &= s(d_{AX}) \cdot s(d_{YB}) \\ &= \frac{3!}{2! \cdot 1!} \cdot \frac{6!}{3! \cdot 3!} \\ &= 60 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} s(d_{AZTB}) &= s(d_{AZ}) \cdot s(d_{TB}) \\ &= \frac{4!}{3! \cdot 1!} \cdot \frac{5!}{2! \cdot 3!} \\ &= 40 \end{aligned}$$

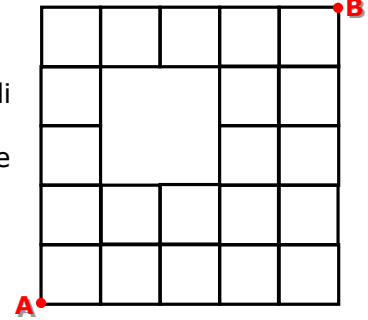
$$\begin{aligned} s(d_{AB}) &= \frac{10!}{5! \cdot 5!} \\ &= 252 \end{aligned}$$

[XY]'den geçmeyen ve [ZT]'den geçmeyen
yolların sayısı:

$$\begin{aligned} s &= s(d_{AB}) - s(d_{AXYB}) - s(d_{AZTB}) \\ &= 252 - 60 - 40 \\ &= 152 \end{aligned}$$

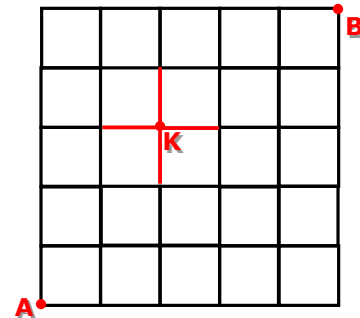
Örnek Problem - 4

A'daki hareketli
A'dan B'ye kaç
değişik biçimde
gider.



Çözüm

K kavşağını ekleyelim:



$$\begin{aligned} s(d_{AKB}) &= s(d_{AK}) \cdot s(d_{KB}) \\ &= \frac{5!}{2! \cdot 3!} \cdot \frac{5!}{3! \cdot 2!} \\ &= 100 \end{aligned}$$

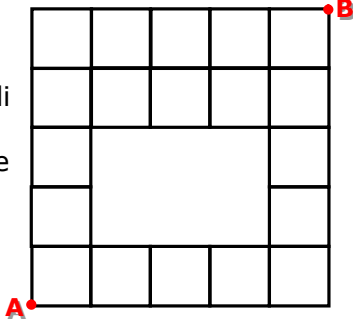
$$\begin{aligned} s(d_{AB}) &= \frac{10!}{5! \cdot 5!} \\ &= 252 \end{aligned}$$

K'dan geçmeyen geçmeyen yolların sayısı:

$$\begin{aligned} s &= s(d_{AB}) - s(d_{AKB}) \\ &= 252 - 100 \\ &= 152 \end{aligned}$$

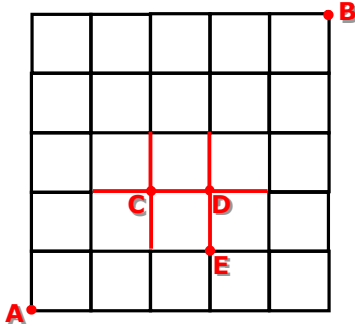
Örnek Problem – 5

A'daki hareketli
A'dan B'ye kaç
değişik biçimde
gider.



Çözüm

C ve D kavşaklarını ekleyelim:



$$\begin{aligned} s(d_{ACB}) &= s(d_{AC}) \cdot s(d_{CB}) \\ &= \frac{4!}{2!2!} \cdot \frac{6!}{3!3!} \\ &= 120 \end{aligned}$$

C'den geçmeyip D'den geçen yollar AEDB yollarıdır.

$$\begin{aligned} s(d_{AEDB}) &= s(d_{AE}) \cdot s(d_{DB}) \\ &= \frac{4!}{3!1!} \cdot \frac{5!}{2!3!} \\ &= 40 \end{aligned}$$

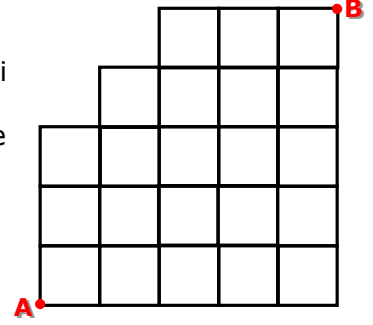
$$\begin{aligned} s(d_{AB}) &= \frac{10!}{5!5!} \\ &= 252 \end{aligned}$$

C'den geçmeyen ve D'den geçmeyen yolların sayısı:

$$\begin{aligned} s &= s(d_{AB}) - s(d_{ACB}) - s(d_{AEDB}) \\ &= 252 - 120 - 40 \\ &= 92 \end{aligned}$$

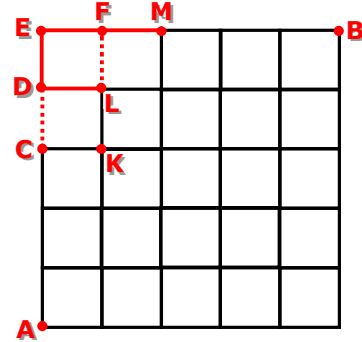
Örnek Problem – 6

A'daki hareketli
A'dan B'ye kaç
değişik biçimde
gider.



Çözüm

D, E ve F kavşaklarını ekleyelim:



[CD]'den geçen yolların sayısı:

$$\begin{aligned} s(d_{ACDB}) &= s(d_{AC}) \cdot s(d_{DB}) \\ &= 1 \cdot \frac{6!}{5!1!} \\ &= 6 \end{aligned}$$

[CD]'den geçmeyip [LF]'den geçen yollar AKLFB yollarıdır.

$$\begin{aligned} s(d_{AKLFB}) &= s(d_{AK}) \cdot s(d_{LFB}) \\ &= \frac{4!}{1!3!} \cdot 1 \\ &= 4 \end{aligned}$$

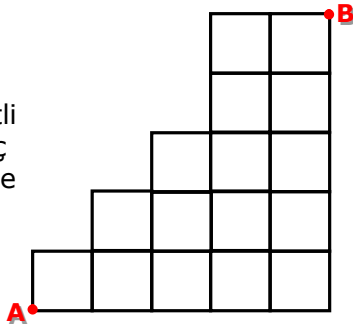
$$s(d_{AB}) = \frac{10!}{5!5!} = 252$$

[CD]'den geçmeyen veya [LF]'den geçmeyen yolların sayısı:

$$s = s(d_{AB}) - s(d_{ACDB}) - s(d_{AKLFB}) = 252 - 6 - 4 = 242$$

Örnek Problem - 7

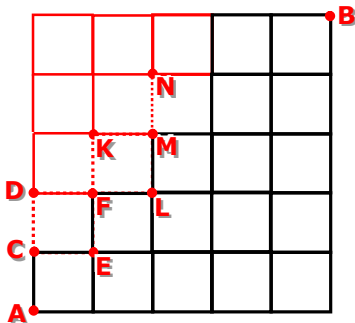
A'daki hareketli A'dan B'ye kaç değişik biçimde gider.



Çözüm

1. yol (Tekrarlı permütasyon yöntemi)

5x5 karesindeki eksik kavşakları ekleyelim:



[CD]'den geçen yolların sayısı:

$$s(d_{ACDB}) = s(d_{AC}) \cdot s(d_{DB}) = 1 \cdot \frac{8!}{5!3!} = 56$$

[CD]'den geçmeyip [FK]'dan geçen yollar AEFKB yollarıdır.

$$s(d_{AEFKB}) = s(d_{AE}) \cdot s(d_{KB}) = \frac{2!}{1!1!} \cdot \frac{6!}{4!2!} = 30$$

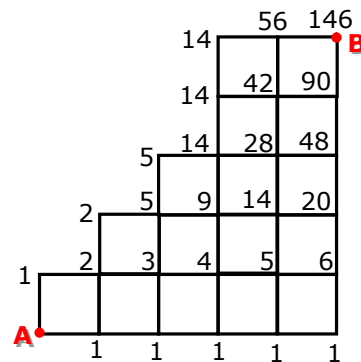
[CD]'den geçmeyen, [FK]'dan geçmeyen, [MN]'den geçen yollar ALMNB yollarıdır.

$$s(d_{ALMNB}) = s(d_{AL}) \cdot s(d_{NB}) = \left(\frac{4!}{2!2!} - 1 \right) \cdot \frac{4!}{3!1!} = 20$$

A'dan B'ye olası yolların sayısı:

$$s = s(d_{AB}) - s(d_{ACDB}) - s(d_{AEFKB}) - s(d_{ALMNB}) = 252 - 56 - 30 - 20 = 146$$

2. yol (Doğrudan sayma yöntemi)



Her kavşaktaki sayı, o kavşağa değişik gelişlerin toplam sayısıdır.