

Not:

$$1! 2! 3! \dots n!$$

Çarpımında $p \leq p \leq n$ olmak üzere $n + 1 - p$ tane p çarpanı vardır.

Buna göre

$$1! 2! 3! 4! \dots 24!$$

Çarpımında

23 tane 2 çarpanı ve çarpımları $2^{22} \cdot 2$

19 tane 6 çarpanı ve çarpımları $6^{18} \cdot 6$

17 tane 8 çarpanı ve çarpımları $8^{17} = 2^{50} \cdot 2$

15 tane 10 çarpanı ve çarpımları $10^{15} = 10^{14} \cdot 10$

13 tane 12 çarpanı ve çarpımı $12^{12} \cdot 12$

11 tane 14 çarpanı ve çarpımları $14^{10} \cdot 14$

7 tane 18 çarpanı ve çarpımları $18^6 \cdot 18$

5 tane 20 çarpanı ve çarpımları $20^4 \cdot 20$

3 tane 22 çarpanı ve çarpımları $22^2 \cdot 22$

1 tane 24 çarpanı vardır.

Çift üsler kare olduğunan diğerlerinin çarpımına bakalım.

$$2 \cdot 6 \cdot 2 \cdot 10 \cdot 12 \cdot 14 \cdot 18 \cdot 20 \cdot 22 \cdot 24 = 2^{14} \cdot 3^4 \cdot 3 \cdot 5^2 \cdot 7 \cdot 11$$

Dikkat edilirse kare olmayan sayıları kareye tamamlamak için bu çarpımı $3 \cdot 7 \cdot 11$ ile çarpmak gerekir. Yani ilk verilen ifade en az 231 sayısı ile çarpılırsa kare sayı elde edilir.